



دانشگاه صنعتی ایران

دانشکده مهندسی کامپیوتر

عنوان درس:

ارزیابی کارایی سیستم‌های کامپیوتری Performance Evaluation of Computer Systems (PECS)

جلسه ۱۶: شبکه‌های پتری

مدرس:

محمد عبداللهی ازگمی

(Mohammad Abdollahi Azgomi)

azgomi@iust.ac.ir

فهرست مطالب

- مقدمه
- تعریف صوری ساختار شبکه پتری
- تعریف گراف شبکه پتری
- رفتار شبکه پتری:
 - تعریف صوری سیستم شبکه پتری
 - نشانه‌گذاری شبکه‌های پتری
 - قواعد اجرای شبکه پتری
- مثالهایی از شبکه‌های پتری
- مدل‌سازی سیستم‌های همروند با شبکه‌های پتری:
 - مدل‌سازی مفاهیم مهم سیستم‌های همروند
 - مدل‌سازی چند مساله معروف سیستم‌های همروند
- چند مثال از مدل‌سازی با شبکه‌های پتری

مقدمه

- تاکنون زبانهای مدلسازی مختلفی معرفی شده‌اند. اما برای اهداف تحلیل خودکار تنها آنهایی مناسبند که دارای مبانی ریاضی یا صوری بوده و به اصطلاح صورت‌بندی (formalism) باشند.
- یک صورت‌بندی به یک زبان صوری و مبتنی بر نوعی از ریاضیات برای توصیف و بیان مدلهای گفته می‌شود.
- برخی از این صورت‌بندیها، زبانهای مدل‌سازی متنی (textual modeling language) هستند، مثل انواع جبرهای فرایندی (process algebras) نظیر:
 - فرایندهای ارتباطی ترتیبی (CSP: Communicating Sequential Processes)
 - حساب سیستمهای ارتباطی (CCS: Calculus of Communicating Systems)
- برخی دیگر، علاوه بر صوری بودن و داشتن روش بیان ریاضی، دارای قابلیت نمایش گرافیکی نیز هستند، نظیر شبکه‌های پتری (Petri nets).

شبکه‌های پتری

- مدلهای ایجاد شده با صورت‌بندیها، برای تحلیل خودکار سیستمها و به‌منظور ارزیابی جنبه‌های عملیاتی یا درستی‌یابی جنبه‌های کارکردی آنها مورد استفاده قرار می‌گیرند.
- موضوع بحث ما مدلهای شبکه‌ای (net models) یا شبکه‌های پتری (Petri nets) است که در سال ۱۹۶۲ توسط کارل آدام پتری (Carl Adam Petri)، دانشمند آلمانی، برای مدل‌سازی سیستمهای همروند (concurrent systems) معرفی شده است.



ویژگیهای شبکه‌های پتری

■ ویژگی اول: شبکه‌های پتری مبانی صوری (formal basis) دارند:

- در حقیقت شبکه‌های پتری یک صورت‌بندی محسوب می‌شوند که صوری بودن یک نیازمندی کلیدی برای تحلیل خودکار مدلها است.
- شبکه‌های پتری یک رده از ماشینها تحت عنوان اتوماتای شبکه پتری (Petri net automaton) را تعریف می‌کند.
- تعریف صوری شبکه‌های پتری با استفاده از نظریه کیسه (bag theory) ارائه می‌شود.
- نظریه کیسه یا چندمجموعه (multiset) یک بسط نظریه مجموعه‌ها است که در آن هر کیسه، برخلاف مجموعه، می‌تواند اعضاء تکراری داشته باشد.

ویژگیهای شبکه‌های پتری

■ ویژگی دوم: شبکه‌های پتری نمادهای گرافیکی (graphical notations) دارند:

- شبکه‌های پتری را می‌توان به صورت گرافیکی نمایش داد که این یک مزیت مهم برای فهم آسانتر مدلهای ایجاد شده با شبکه‌های پتری است.
- این در حالی است که برخی از صورت‌بندیها، نظیر جبرهای فرآیندی، گرافیکی نبوده و فقط یک زبان مدل‌سازی هستند. از طرف دیگر برخی زبانهای مدل‌سازی گرافیکی، نظیر UML، اساساً صورت‌بندی محسوب نمی‌شوند.

مفاهیم اولیه شبکه‌های پتری

■ هر صورت‌بندی مدلسازی متشکل از حداقل دو مفهوم اولیه (primitive) است:

□ حالت (state)

□ کنش (action)

■ در شبکه‌های پتری:

□ مفهوم اولیه مکان (place) برای توصیف حالتها وجود دارد، و

□ مفهوم اولیه گذر (transition) برای مدل‌سازی کنشها وجود دارد.

ساختار و رفتار شبکه‌های پتری

■ مدل شبکه‌های پتری دارای یک ساختار ایستا (static structure) هستند که با استفاده از نظریه کیسه بیان می‌شود و در عین حال قابلیت نمایش گرافیکی را با استفاده از گرافهای شبکه‌های پتری (Petri net graphs) دارد.

■ همچنین شبکه‌های پتری دارای یک رفتار پویا (dynamic behavior) نیز هستند، که نشانه‌گذاری شبکه‌های پتری (Petri net marking) و قواعد اجرای شبکه‌های پتری (Petri net execution rules) این رفتار را تعریف می‌کند.

تعریف صوری ساختار شبکه پتری

■ **تعریف ۱:** ساختار شبکه پتری (Petri net structure) یک پنج تایی $C = (P, T, I, H, O)$ است به نحوی که:

- P یک مجموعه متناهی از مکانها است ($P = \{p_1, p_2, \dots, p_n\}$).
- T یک مجموعه متناهی از گذرها است ($T = \{t_1, t_2, \dots, t_m\}$)، به نحوی که P و T دو مجموعه مجزا هستند ($P \cap T = \emptyset$).
- $I: T \rightarrow \text{Bag}(P)$ یک تابع ورودی (input function) است که گذرها را به کیسه‌های مکانها نگاشت می‌کند و در آن $\text{Bag}(P)$ مجموعه همه چندمجموعه‌های امکان پذیر P است.
- $O: T \rightarrow \text{Bag}(P)$ یک تابع خروجی (output function) است که گذرها را به کیسه‌های مکانها نگاشت می‌کند.
- $H: T \rightarrow \text{Bag}(P)$ یک تابع بازدارنده (inhibition function) است که گذرها را به کیسه‌های مکانها نگاشت می‌کند.

مثالی از یک مدل شبکه پتری

$$C = (P, T, I, H, O)$$

$$P = \{p_1, p_2, p_3, p_4, p_5\}$$

$$T = \{t_1, t_2, t_3, t_4\}$$

$$O(t_1) = \{p_2, p_3, p_5\}$$

$$O(t_2) = \{p_5\}$$

$$O(t_3) = \{p_4\}$$

$$O(t_4) = \{p_2, p_3\}$$

$$I(t_1) = \{p_1\}$$

$$I(t_2) = \{p_2, p_3, p_5\}$$

$$I(t_3) = \{p_3\}$$

$$I(t_4) = \{p_4\}$$

چند تعریف دیگر

■ برای یک گذر $t \in T$ ، مجموعه مکانهای ورودی را با $\bullet t$ (نقطه t)، مجموعه مکانهای خروجی را با $t \bullet$ (نقطه t) و مجموعه مکانهای بازدارنده را با ${}^{\circ}t$ (دایره t) نشان می‌دهیم که به صورت زیر تعریف می‌شوند:

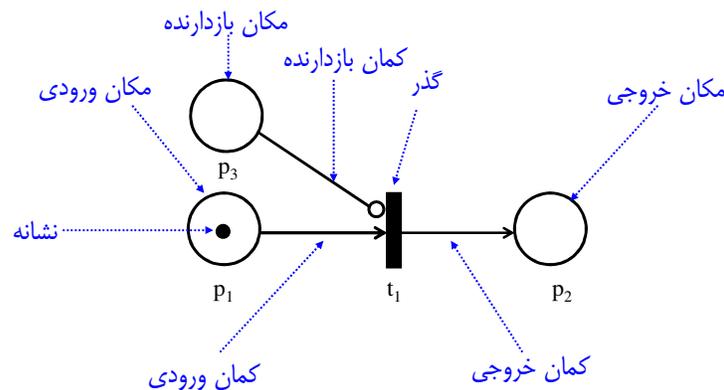
- $\bullet t = \{ p \in P : I(t, p) > 0 \}$
- $t \bullet = \{ p \in P : O(t, p) > 0 \}$
- ${}^{\circ}t = \{ p \in P : H(t, p) > 0 \}$

■ با در نظر گرفتن $\text{Bag}(P)$ ، هر دو تعریف زیر درست خواهد بود:

- $I(t)$ ، نشان‌دهنده چندمجموعه مکانهای ورودی گذر t است.
- $I(t, p)$ نشان‌دهنده مضرب (multiplicity) (تعداد) عناصر p در چندمجموعه $I(t)$ است.

نمایش گرافیکی شبکه‌های پتری

■ اجزاء شبکه‌های پتری در نمایش گرافیکی در مثال ساده زیر نشان داده شده است:



نمایش گرافیکی شبکه‌های پتری

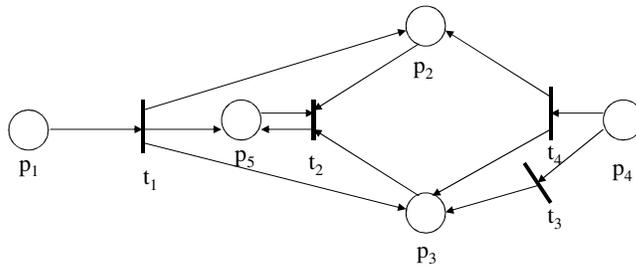
- همانگونه که در شکل مشخص است، یک شبکه پتری متشکل از سه جزء اصلی است:
 - مکانها (places) که با دایره نشان داده می‌شوند و حالت‌های امکان‌پذیر سیستم را مدل می‌کنند.
 - گذرها (transitions) که با مستطیل نشان داده می‌شوند و رخدادها یا کنش‌هایی هستند که باعث تغییر حالتها می‌شوند.
 - کمانها (arcs) که با پیکان نشان داده می‌شوند و مکانها را به گذرها یا گذرها را به مکانها متصل می‌کنند.
- در کنار سه جزء اصلی فوق، نشانه‌ها (token) هم وجود دارند که نشانه‌گذاری (marking) یا مقادیر قرار گرفته در مکانها را مشخص می‌کنند.

گرافهای شبکه‌های پتری

- نمایش گرافیکی شبکه‌های پتری برای تشریح مفاهیم نظریه شبکه پتری سودمند است.
- برای نمایش گرافیکی از گرافهای شبکه‌های پتری استفاده می‌شود که یک گراف جهت دار دوطرفه (bipartite directed multigraph) است. این گراف متشکل است از:
 - دو نوع گره:
 - مکان که با دایره (○) نشان داده می‌شود.
 - گذر که با مستطیل عمودی (▮) نشان داده می‌شود (البته در مراجع و ابزارهای مختلف نمادهای متفاوتی برای گذر استفاده می‌شود).
 - کمانهای جهت‌دار (directed arcs) که با پیکان نشان داده می‌شوند و مکانهای ورودی را به گذرها یا گذرها را به مکانهای خروجی متصل می‌کنند:
 - کمانهای ورودی و خروجی ممکن است که دارای یک برچسب عددی به عنوان مضرب (multiplicity) باشند: \xrightarrow{n}
 - کمانهای بازدارنده (inhibitor arcs) که مکانهای بازدارنده را به گذرها متصل می‌کنند: $\xrightarrow{\ominus}$
 - کمانهای بازدارنده هم ممکن است که دارای مضرب باشند: $\xrightarrow{\ominus m}$

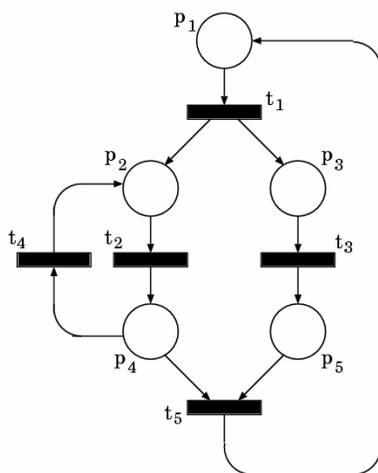
گرافهای شبکه‌های پتری

- مثالی از گرافهای شبکه‌های پتری در شکل زیر نشان داده شده است که معادل همان مثال ارائه شده با ساختار صوری است:



مثال دوم

نمایش گرافیکی



ساختار صوری

$$P = \{p_1, p_2, p_3, p_4, p_5\}$$

$$T = \{t_1, t_2, t_3, t_4, t_5\}$$

$$I(t_1) = \{p_1\} \quad O(t_1) = \{p_2, p_3\}$$

$$I(t_2) = \{p_2\} \quad O(t_2) = \{p_4\}$$

$$I(t_3) = \{p_3\} \quad O(t_3) = \{p_5\}$$

$$I(t_4) = \{p_4\} \quad O(t_4) = \{p_1\}$$

$$I(t_5) = \{p_4, p_5\} \quad O(t_5) = \{p_1\}$$

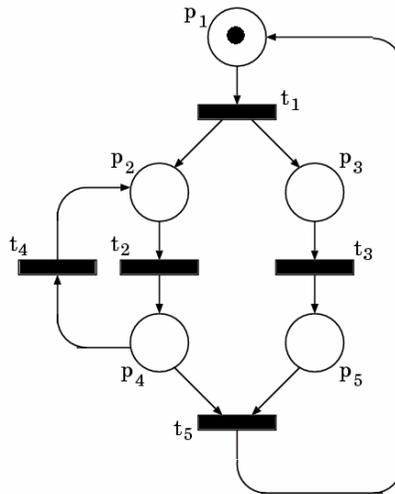
رفتار شبکه پتری

- همانگونه که گفته شد، شبکه‌های پتری علاوه بر ساختار صوری ایستا، دارای رفتار پویا هستند.
- از این نظر، شبکه‌های پتری مشابه برنامه‌ها هستند که دارای یک متن برنامه منبع (source code) بوده که به صورت ایستا است. اما یک برنامه پس از کامپایل شدن اجرا شده و رفتار پویایی را بروز می‌دهد.
- تعریف ساختار صوری یک شبکه پتری مثل یک متن برنامه منبع است. اما یک ابزار مدلسازی می‌تواند این تعریف ساختار را گرفته و شبکه پتری را اجرا کند.
- رفتار پویای شبکه‌های پتری با استفاده از سیستم شبکه پتری (Petri net system) تعریف می‌شود که مبتنی بر نشانه‌گذاری (marking) شبکه پتری و قواعد اجرای (execution rules) شبکه پتری است.

نشانه‌گذاری شبکه پتری

- نشانه‌گذاری (marking) همانند مکان و گذر یک مفهوم اولیه اصلی شبکه‌های پتری است.
- نشانه‌گذاری شبکه پتری انتساب نشانه‌ها (token) یا اعداد صحیح مثبت (N) به مکانهای آن شبکه است.
- نشانه‌گذاری در تعریف ساختار صوری شبکه پتری با M, μ یا m نشان داده می‌شود.
- هر شبکه دارای یک نشانه‌گذاری اولیه است (initial marking) است که با μ_0 یا M_0 نشان داده می‌شود.
- نشانه‌ها به مکانهای شبکه پتری منتسب شده و می‌توانند آن باقی مانده یا در طی اجرای شبکه پتری تغییر کنند.
- در گراف شبکه پتری نشانه‌ها با دایره‌های کوچک توپر در داخل دایره مکانها نشان داده می‌شوند: 
- اگر تعداد نشانه‌ها در یک مکان زیاد باشد، عدد تعداد نشانه‌ها در داخل دایره مکان نوشته می‌شود: 

مثال اول شبکه پتری نشانه گذاری شده



$$P = \{p_1, p_2, p_3, p_4, p_5\}$$

$$T = \{t_1, t_2, t_3, t_4, t_5\}$$

$$I(t_1) = \{p_1\} \quad O(t_1) = \{p_2, p_3\}$$

$$I(t_2) = \{p_2\} \quad O(t_2) = \{p_4\}$$

$$I(t_3) = \{p_3\} \quad O(t_3) = \{p_5\}$$

$$I(t_4) = \{p_4\} \quad O(t_4) = \{p_2\}$$

$$I(t_5) = \{p_4, p_5\} \quad O(t_5) = \{p_1\}$$

$$M_0 = (1, 0, 0, 0, 0)$$

تعریف صوری سیستم شبکه پتری

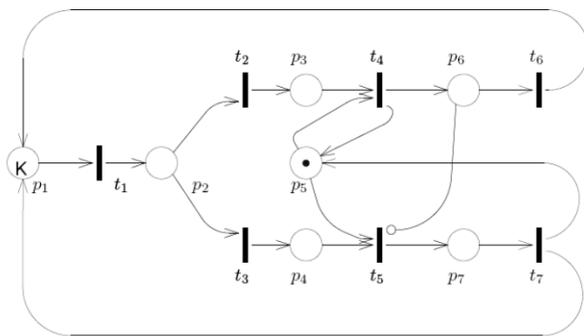
■ **تعریف ۲:** یک سیستم شبکه پتری یک شش تایی $C = (P, T, I, H, O, M_0)$ است به نحوی که:

□ که P, T, I, H, O مطابق تعریف (۱) هستند.

□ $M_0: P \rightarrow N$ تابع نشانه گذاری اولیه است که یک عدد صحیح مثبت را به هر کدام از مکانهای شبکه پتری متناسب می کند.

مثال دوم شبکه پتری نشانه گذاری شده

در این مثال t_5 دارای یک کمان بازدارنده بوده و مکان p_1 دارای k نشانه است.



$$P = \{p_1, p_2, p_3, p_4, p_5, p_6, p_7\}$$

$$T = \{t_1, t_2, t_3, t_4, t_5, t_6, t_7\}$$

$$I(t_1) = \{p_1\}$$

$$I(t_2) = \{p_2\}$$

$$I(t_3) = \{p_2\}$$

$$I(t_4) = \{p_3, p_5\}$$

$$I(t_5) = \{p_4, p_5\}$$

$$I(t_6) = \{p_6\}$$

$$I(t_7) = \{p_7\}$$

$$O(t_1) = \{p_2\}$$

$$O(t_2) = \{p_3\}$$

$$O(t_3) = \{p_4\}$$

$$O(t_4) = \{p_5, p_6\}$$

$$O(t_5) = \{p_7\}$$

$$O(t_6) = \{p_1\}$$

$$O(t_7) = \{p_1, p_5\}$$

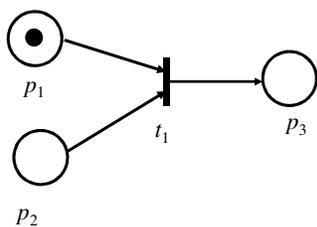
$$H(t_5) = \{p_6\}$$

$$M_0 = \{k, 0, 0, 0, 1, 0, 0\}$$

توانا بودن گذر

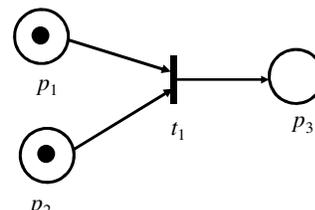
به صورت غیر صوری، یک گذر توانا (enabled) یا قابل شلیک (firable) است اگر:

- در هر کدام از مکانهای ورودی حداقل به تعداد یا مضرب کمتهای ورودی، نشانه وجود داشته باشد.
 - در مکانهای متصل با کمتهای بازدارنده کمتر از تعداد یا مضرب کمتهای بازدارنده نشانه وجود داشته باشد.
- برای مثال در دو شکل زیر، در شکل سمت چپ گذر t_1 توانا نیست چون در مکان p_2 هیچ نشانه ای وجود ندارد. اما در شکل سمت راست گذر t_1 توانا است.



t_1 توانا نیست:

$$M(p_1) \geq 1 \ \& \ M(p_2) \geq 1 = \text{false}$$



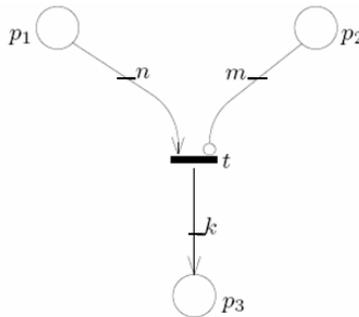
t_1 توانا است:

$$M(p_1) \geq 1 \ \& \ M(p_2) \geq 1 = \text{true}$$

توانا بودن گذر

- در مثال زیر گذر t در صورتی توانا خواهد بود که در مکان p_1 به تعداد n یا بیشتر از آن نشانه وجود داشته باشد و در مکان p_2 کمتر از m نشانه وجود داشته باشد.
- به طور صوری توانا بودن t به صورت زیر بیان می شود:

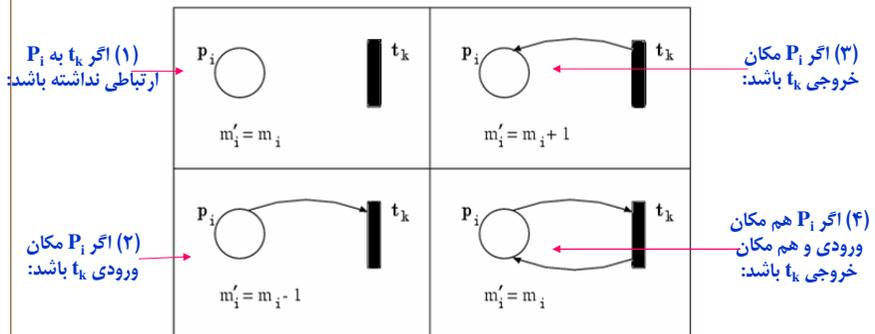
$$M(p_1) \geq n \ \& \ M(p_2) < m$$



قواعد اجرای شبکه پتری

- اگر یک گذر در نشانه گذاری m توانا باشد، اجرا می شود که اصطلاحاً گفته می شود که شلیک می کند (fire) و شبکه را به یک نشانه گذاری جدید m' می برد. برای این منظور چهار قاعده وجود دارد که در شکل زیر برای گذر t_k آمده است:

$$m \rightarrow t_k \rightarrow m'$$



تعریف صوری توانا بودن و شلیک کردن گذر

■ **تعریف ۳:** گذر t در یک نشانه گذاری M توانا است اگر و فقط اگر داشته باشیم:

• $\forall p \in \bullet t, M(p) \geq I(t, p)$ and

• $\forall p \in \circ t, M(p) < H(t, p)$

■ وقتی t توانا بوده و شلیک کند:

□ از مجموعه مکانهای ورودی ($\bullet t$) به تعداد مضرب کمان متصل کننده آن مکان به t نشانه حذف می کند.

□ به مجموعه مکانهای خروجی ($\circ t$) به تعداد مضرب کمان متصل کننده t به آن مکان نشانه اضافه می کند.

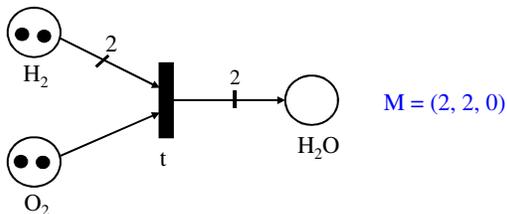
■ **تعریف ۴:** شلیک کردن گذر t در نشانه گذاری M که در آن توانا است باعث ایجاد نشانه گذاری M' می شود، به نحوی که:

$$M' = M + O(t) - I(t)$$

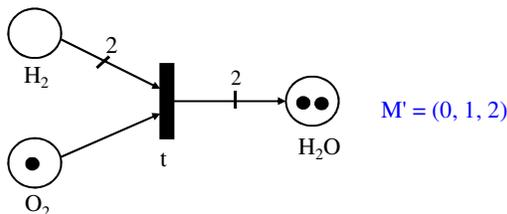
□ به اختصار شلیک کردن گذر t را با $M[t]M'$ نشان می دهیم.

مثالی از شلیک کردن یک گذر

■ به عنوان مثال فرمول $2H_2 + O_2 \rightarrow 2H_2O$ را با شبکه پتری مدل می کنیم:



■ در مدل فوق گذر t توانا است و می تواند به شکل زیر شلیک کند:

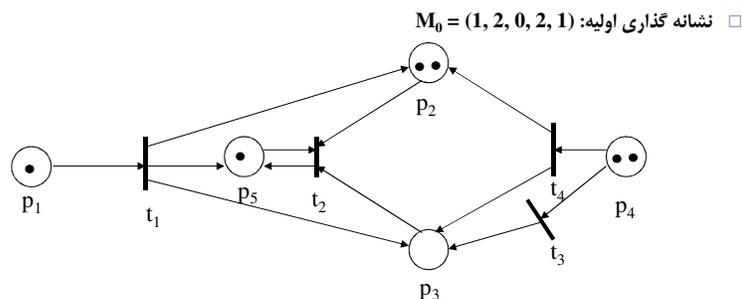


اجرای شبکه پتری

- اجرای شبکه پتری بوسیله تعداد نشانه‌ها در مکانهای شبکه پتری کنترل می‌شود.
- شلیک کردن یا کامل شدن (completion) گذرها، نشانه‌های موجود در مکانها را کم و زیاد می‌کند.
- اجرای شبکه پتری به صورت غیرقطعی (non-deterministic) است. این بدان معنی است که:
 - چندین گذر ممکن است که در یک زمان (یا در یک نشانه‌گذاری) توانا باشند که یکی از آنها می‌تواند شلیک می‌کند.
 - هر کدام از گذرها ممکن است در یک زمانی بین صفر تا بی‌نهایت شلیک کنند.
 - انتخاب هر کدام از گذرها برای شلیک کردن به طور غیرقطعی انجام می‌شود.
- چون شلیک کردن گذرها به طور غیرقطعی است، شبکه‌های پتری برای مدل‌سازی رفتار همروند (concurrent) در سیستم‌های توزیع شده (distributed) مناسب هستند.

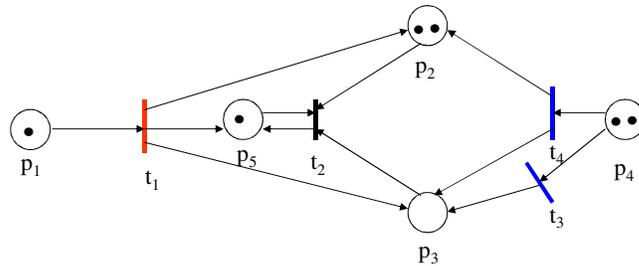
مثالی از اجرای یک شبکه پتری

- حالا همان مثال اولیه را در نظر می‌گیریم و با نشانه‌گذاری شبکه را در چند مرحله اجرا می‌کنیم:



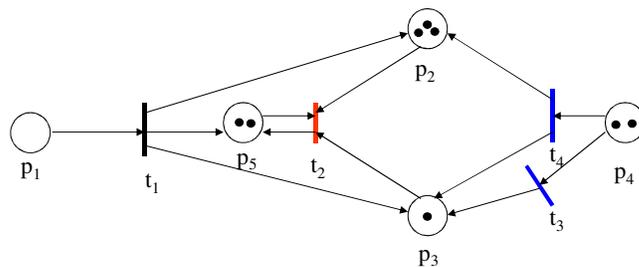
مثالی از اجرای یک شبکه پتری

- در نشانه گذاری اولیه گذرهای t_1 ، t_3 و t_4 توانا هستند، که یکی از آنها به طور غیرقطعی شلیک می کند.
- فرض می کنیم که t_1 شلیک کند:



مثالی از اجرای یک شبکه پتری

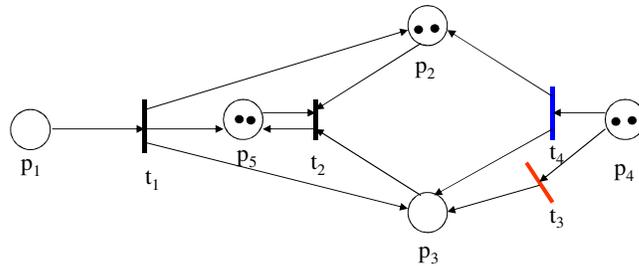
- پس از شلیک کردن گذر t_1 نشانه گذاری جدید $M_1 = (0, 3, 1, 2, 2)$ ظاهر می شود:



- در نشانه گذاری M_1 گذرهای t_2 ، t_3 و t_4 توانا هستند، که فرض می کنیم که t_2 شلیک می کند...

مثالی از اجرای یک شبکه پتری

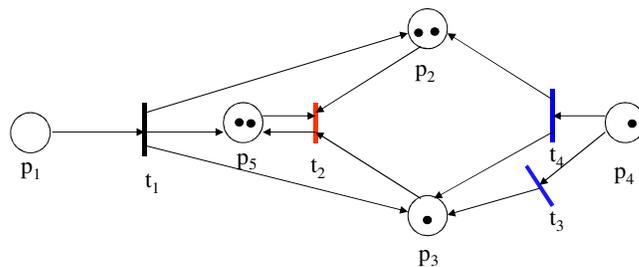
■ پس از شلیک کردن گذر t_2 نشانه گذاری جدید $M_2 = (0, 2, 0, 2, 2)$ ظاهر می شود:



■ در نشانه گذاری M_2 گذرهای t_3 و t_4 توانا هستند، که فرض می کنیم که t_3 شلیک می کند...

مثالی از اجرای یک شبکه پتری

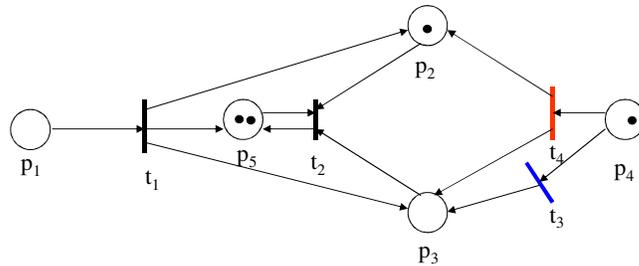
■ پس از شلیک کردن گذر t_2 نشانه گذاری جدید $M_3 = (0, 2, 1, 1, 2)$ ظاهر می شود:



■ در نشانه گذاری M_3 گذرهای t_2 ، t_3 و t_4 توانا هستند، که فرض می کنیم که t_2 شلیک می کند...

مثالی از اجرای یک شبکه پتری

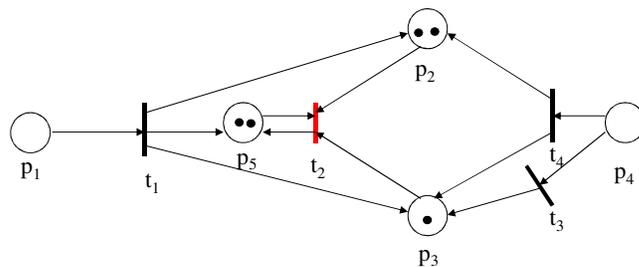
■ پس از شلیک کردن گذر t_2 نشانه گذاری جدید $M_4 = (0, 1, 0, 1, 2)$ ظاهر می شود:



■ در نشانه گذاری M_4 تنها گذر t_3 و t_4 توانا است، که فرض می کنیم t_4 شلیک می کند...

مثالی از اجرای یک شبکه پتری

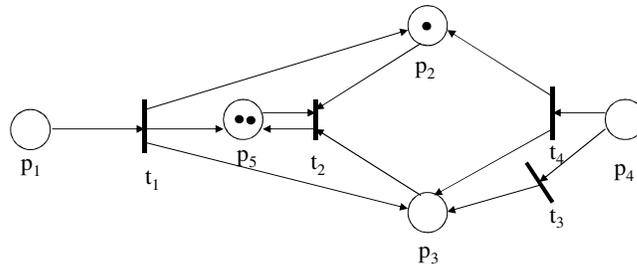
■ پس از شلیک کردن گذر t_4 نشانه گذاری جدید $M_5 = (0, 2, 1, 0, 2)$ ظاهر می شود:



■ در نشانه گذاری M_5 تنها گذر t_2 توانا است که شلیک می کند...

مثالی از اجرای یک شبکه پتری

- پس از شلیک کردن گذر t_2 نشانه گذاری جدید $M_6 = (0, 1, 0, 0, 2)$ ظاهر می شود:



- در نشانه گذاری M_6 هیچ گذری توانا نیست و اجرای شبکه در اینجا متوقف می شود.
- البته در حالت کلی مدل های سیستم های همروند به این صورت پس از چند مرحله اجرا خاتمه پیدا نمی کنند، بلکه به صورت پایان ناپذیر (non-terminating) هستند.

مدلسازی سیستم های همروند با شبکه های پتری

- همانگونه که گفته شد شبکه های پتری برای مدل سازی سیستم های همروند مناسب هستند. در حقیقت شبکه های پتری همانند جبرهای فرآیندی و برخی روشهای صوری دیگر، جزء **مدلهای همروندی (concurrency models)** محسوب می شوند.

- در این بخش نحوه مدل سازی مفاهیم مهم سیستم های همروند با شبکه های پتری را ارائه می کنیم. مفاهیمی که به آنها پرداخته می شود عبارتند از:

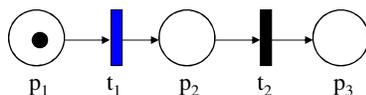
- کنشهای ترتیبی (sequential actions)،
- همگام سازی کنشها (synchronization)،
- ادغام کنشها (merging)،
- همروندی کنشها (cuncurrency)،
- تداخل کنشها (conflict)، و
- منابع محدود (limited resources).

- با ارائه زیرمدلهایی برای موارد فوق، بلوکهای پیش ساخته ای (building blocks) فراهم می شود که با استفاده از آنها می توان اغلب سیستم های همروند را با شبکه های پتری مدلسازی نمود.

مدلسازی کنشهای ترتیبی

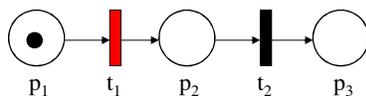
■ در یک سیستم همروند ممکن است که دو کنش a_1 و a_2 وجود داشته باشند که a_1 پیش نیاز a_2 باشد. یعنی این دو کنش باید به صورت ترتیبی اجرا شوند، نخست a_1 و سپس a_2 .

■ برای مدل سازی دو کنش فوق می توانیم دو گذر t_1 و t_2 را به ترتیب متناظر با a_1 و a_2 در نظر بگیریم و مدل زیر را ایجاد کنیم که متشکل از این دو گذر و سه مکان p_1, p_2, p_3 است:

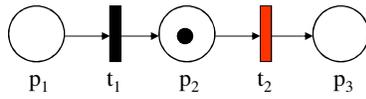


■ در این مدل مکان p_1 نشانه گذاری شده است و لذا گذر t_1 توانا است. اما مکان p_2 خالی بوده و t_2 توانا نیست. بنا بر این اگر گذر t_1 شلیک کند یک نشانه در p_2 گذاشته شده و t_2 توانا می شود. بنا بر این اجرای t_2 پس از t_1 تضمین شده است...

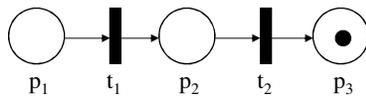
مدلسازی کنشهای ترتیبی



مدلسازی کنشهای ترتیبی



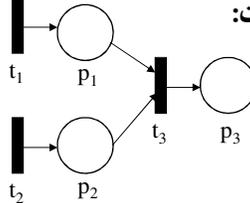
مدلسازی کنشهای ترتیبی



مدلسازی همگام‌سازی کنشها

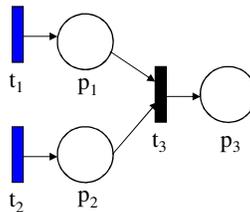
■ در خیلی از مواقع در یک سیستم همروند اجرای دو کنش a_1 و a_2 پیشنیاز اجرای کنش دیگری مثل a_3 است. یعنی تا a_1 و a_2 کامل نشوند، a_3 نمی‌تواند شروع شود. به عبارت دیگر a_3 باید خود را با اجرای دو کنش دیگر همگام‌سازی (synchronize) نماید.

■ برای مدل‌سازی همگام‌سازی a_3 با a_1 و a_2 می‌توانیم به ترتیب سه گذر t_1 ، t_2 و t_3 را در نظر بگیریم و مدل زیر را ایجاد کنیم که متشکل از این سه گذر و سه مکان p_1 ، p_2 ، p_3 است:

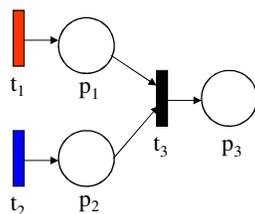


■ در این مدل تنها پس از کامل شدن هر دو گذر t_1 و t_2 گذر t_3 توانا شده و می‌تواند شلیک کند.

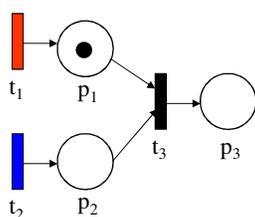
مدلسازی همگام‌سازی کنشها



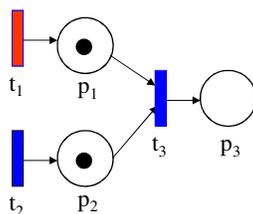
مدلسازی همگام‌سازی کنشها



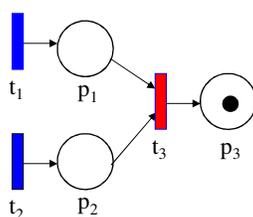
مدلسازی همگام‌سازی کنشها



مدلسازی همگام‌سازی کنشها

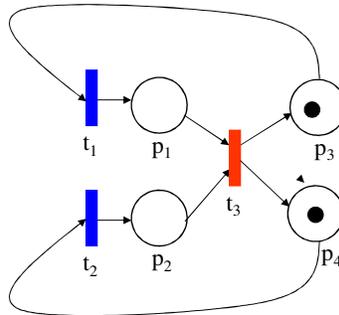


مدلسازی همگام‌سازی کنشها



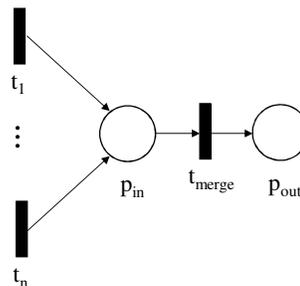
مدلسازی همگام‌سازی کنشها

- در صورتی که بخواهیم اجرای t_1 و t_2 یک بار به ازای هر اجرای t_3 انجام شود می‌توانیم مدل زیر را درست کنیم، که در آن در نشانه‌گذاری اولیه t_1 و t_2 توانا هستند و پس از اجرای آنها t_3 توانا می‌شود:



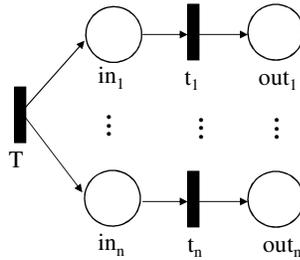
مدلسازی ادغام کنشها

- ممکن است که نتایج اجرای چند کنش با هم ادغام شوند تا از سرویسهای یک کنش دیگر استفاده کنند. در این صورت می‌توانیم مدلی مثل شکل زیر را ایجاد کنیم:

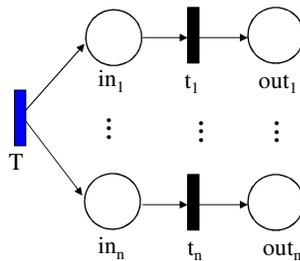


مدلسازی کنشهای همروند

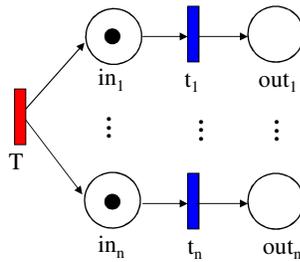
- ماهیتاً در سیستم‌های همروند کنشهایی که باید به‌طور همزمان اجرا شوند داریم. یعنی پس از کامل شدن یک کنش که منجر به برآورده شدن یک شرط می‌شود، چند کنش بتوانند به‌طور همزمان اجرا شوند.
- برای این منظور می‌توانیم مدلی مثل شکل زیر را ایجاد کنیم که در آن با کامل شدن گذر T ، گذرهای t_1 الی t_n توانا شده و می‌توانند به‌طور همزمان اجرا شوند...



مدلسازی کنشهای همروند

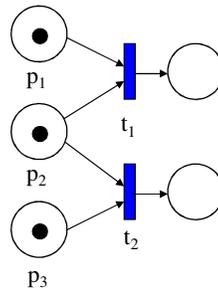


مدلسازی کنشهای همروند

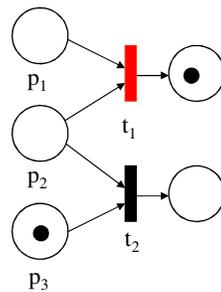


مدلسازی تداخل کنشها

- تداخل (conflict) هم ممکن است که ماهیتاً در سیستم‌های همروند وجود داشته باشد و لزوماً اتفاقی بدی محسوب نمی‌شود. یعنی دو یا چند کنش داشته باشیم که اجرای یکی منجر به ناتوان شدن کنشهای دیگر شود.
- برای مثال در مدل زیر t_1 و t_2 را متناظر با دو کنش متداخل در نظر گرفته‌ایم. مکان p_2 متناظر با یک منبع مشترک است. در صورتی که این منبع توسط کنش a_1 استفاده شود، کنش a_2 دیگر نمی‌تواند کامل شود. در این مدل با کامل شدن گذر t_1 ، نشانه از مکان p_2 برداشته شده و باعث می‌شود که گذر t_2 ناتوان شود...



مدلسازی تداخل کنشها



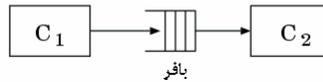
مدلسازی تداخل کنشها

■ اما گاهی اوقات تداخل تبعاتی نظیر بن‌بست (deadlock) را در پی دارد که به این دلیل ممکن است که اتفاق ناخوشایندی باشد و لذا باید تشخیص داده شده و برطرف شود:

- برای برطرف کردن تداخل ممکن است که کنشها را به نحوی مناسب پس و پیش کنیم.
- یا آنکه با یک روش احتمالی عمل کنیم و در صورت بروز تداخل یکی از دو کنش به طور احتمالی کامل شوند.

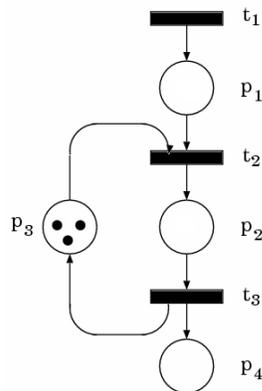
مدلسازی منابع محدود

- یکی دیگر از مواردی که در مدل‌سازی سیستم‌های همروند لازم است، منابع محدود هستند.
- برای مثال در شکل زیر فرآیند C_1 خروجیهایی را تولید نموده و در بافر دارای ظرفیت سه قرار می‌دهد که توسط فرآیند C_2 مصرف می‌شود.



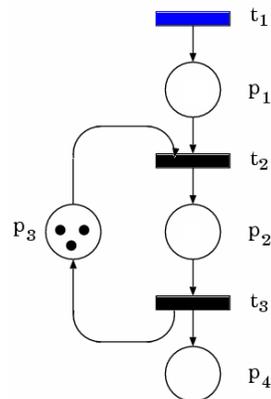
مدلسازی منابع محدود

- برای مدل‌سازی سیستم فوق می‌توانیم مدل زیر را درست کنیم. در این مدل p_2 متناظر با بافر در نظر گرفته شده است. همچنین از مکان p_3 برای کنترل ظرفیت یا تعداد نشانه‌های p_2 استفاده می‌شود.



مدلسازی منابع محدود

■ در این مدل t_1 توانا است و می تواند شلیک کند...

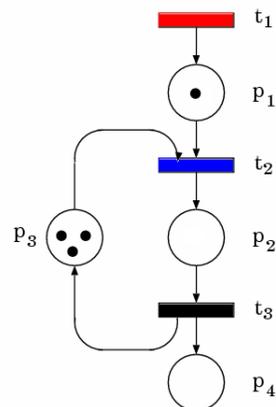


PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

57

مدلسازی منابع محدود

■ پس از شلیک کردن t_1 گذر t_2 توانا می شود...

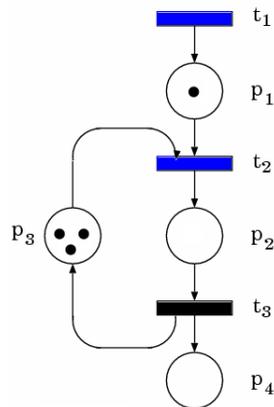


PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

58

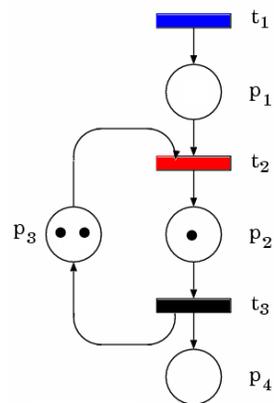
مدلسازی منابع محدود

- در عین حال t_1 هم هنوز توانا است. ممکن است هر کدام از دو گذر t_1 یا t_2 شلیک کنند. اما فرض می کنیم که t_2 شلیک کند...



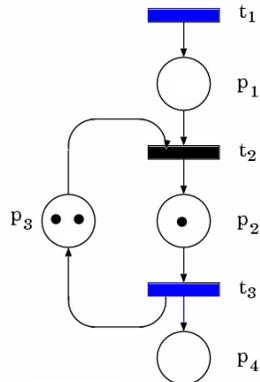
مدلسازی منابع محدود

- با شلیک کردن t_2 یک نشانه از هر کدام از دو مکان P_1 و P_3 برداشته می شود...



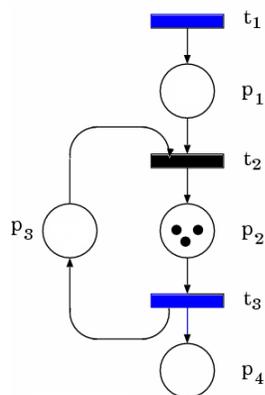
مدلسازی منابع محدود

- ممکن است که شلیک کردن‌های متناوب t_1 و t_2 چند بار دیگر و قبل از شلیک کردن t_3 ادامه یابد. اما شلیک کردن t_2 نمی‌تواند بیش از سه بار، قبل از شلیک کردن t_3 ادامه یابد...



مدلسازی منابع محدود

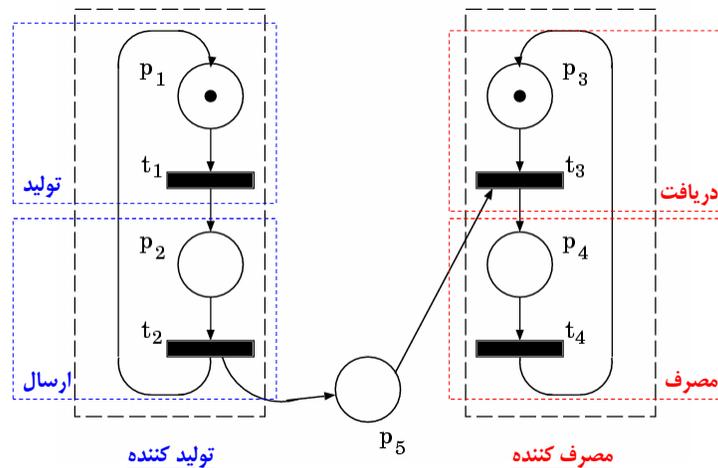
- زیرا مکان p_3 خالی شده و نمی‌تواند بیش از اجرا شود. در این وضعیت سه نشانه در مکان p_2 قرار گرفته و بدین ترتیب ظرفیت مکان p_3 کنترل می‌شود.



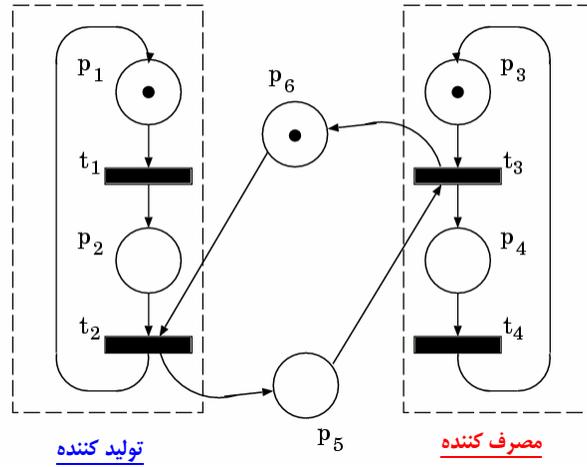
مدل سازی مساله تولید کننده-مصرف کننده

- یکی از مسایل معروف سیستم‌های همروند، مساله تولیدکننده-مصرف کننده (producer/consumer) است که در زمینه‌های مختلفی کاربرد دارد.
- ارتباط دو فرآیند تولیدکننده و مصرف کننده از طریق یک بافر مشترک یا یک کانال ارتباطی امکان پذیر است.
- نگارشهای مختلفی از مساله تولیدکننده و مصرف کننده وجود دارد که ظرفیت بافر مشترک نامحدود، یک یا به تعداد مشخصی است. مدل‌های متناظر با هر کدام از این نگارشها را در ادامه می‌بینیم...

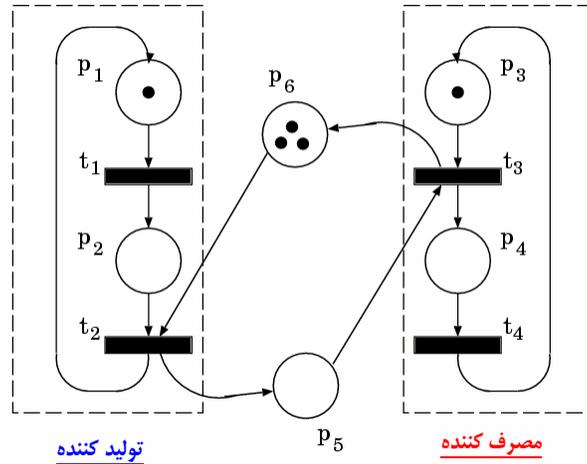
تولید کننده-مصرف کننده دارای بافر مشترک نامحدود



تولید کننده-مصرف کننده دارای بافر مشترک با ظرفیت یک



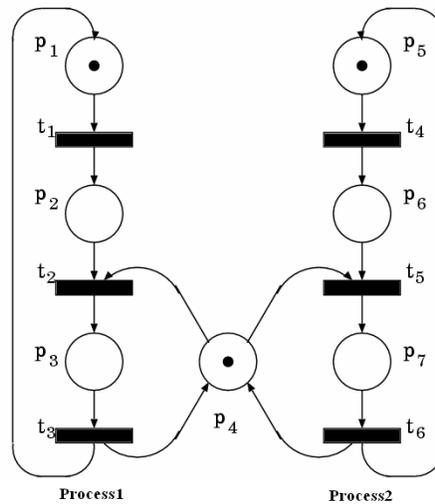
تولید کننده-مصرف کننده دارای بافر مشترک با ظرفیت سه



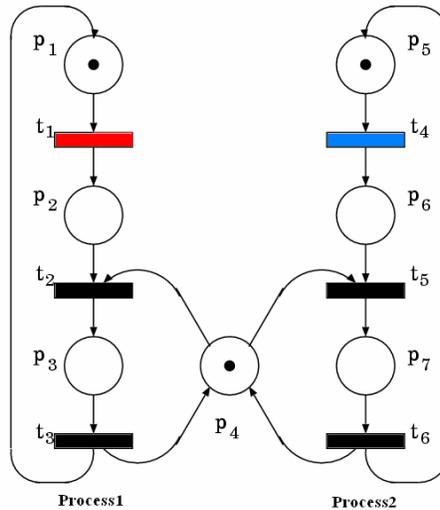
مدل سازی مساله مانعه الجمع

- یکی دیگر از مسائلی که در سیستم‌های همروند وجود دارد مساله مانعه الجمع یا دو به دو انحصاری (mutual exclusion) است.
- برای مثال یک کانال ارتباطی ممکن است که مورد دسترسی دو فرآیند قرار گیرد. اما امکان دسترسی همزمان هر دو وجود ندارد. مثلاً نوشتن و خواندن در یک فایل نمی‌تواند به‌طور همزمان انجام شود.
- در ادامه یک مدل برای این منظور ارائه می‌شود که دو فرآیند $Process_1$ و $Process_2$ به‌طور انحصاری به بافری که با مکان مشترک P_4 مدل شده است دسترسی دارند...

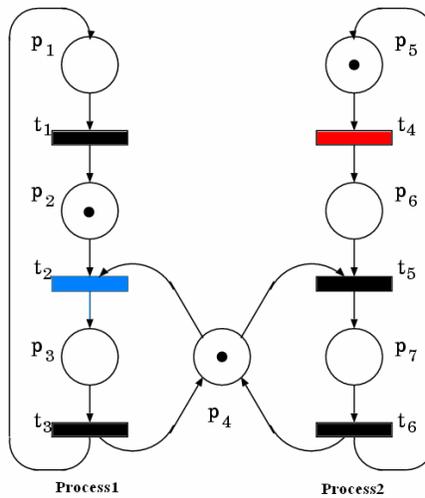
مدل سازی مساله مانعه الجمع



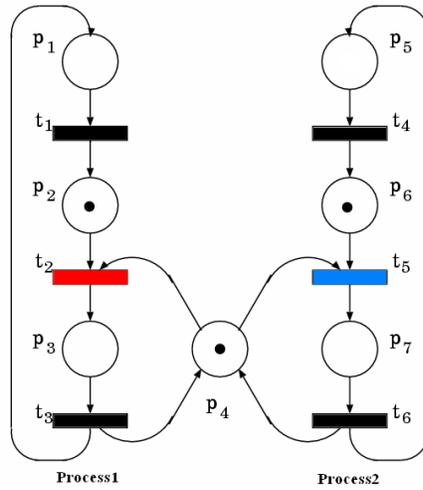
مدل سازی مساله مانعه الجمع



مدل سازی مساله مانعه الجمع



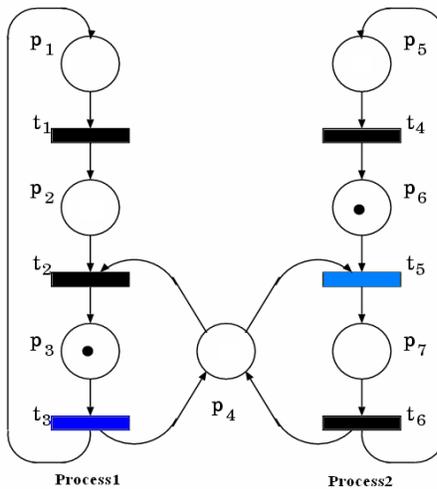
مدل سازی مساله مانعه الجمع



PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

71

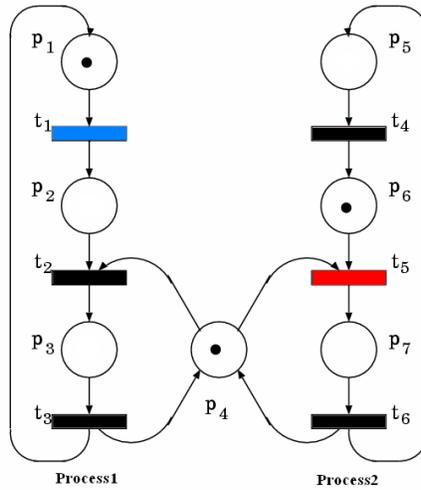
مدل سازی مساله مانعه الجمع



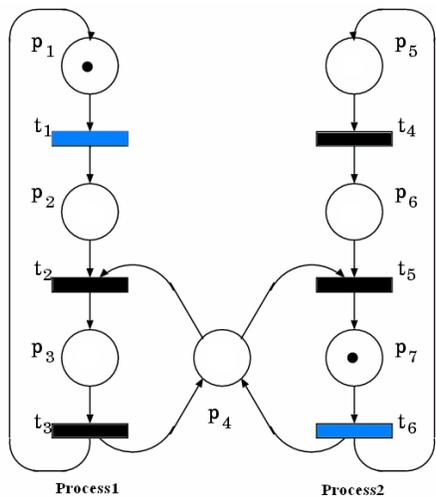
PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

72

مدل سازی مساله مانعه الجمع



مدل سازی مساله مانعه الجمع



مساله فلاسفه در ناهارخوری

- مساله فلاسفه در ناهارخوری (dining philosophers) یک مثال کلاسیک سیستم‌های همروند است:

□ پنج فیلسوف دور یک میز نشسته‌اند، یا در حال تفکر و مباحثه هستند، یا آنکه در حال غذا خوردن هستند. هر کدام یک ظرف اسپاگتی دارند و باید دو چنگال برای خوردن آن داشته باشند. تعداد چنگالها پنج تا است که مابین فلاسفه قرار دارند...

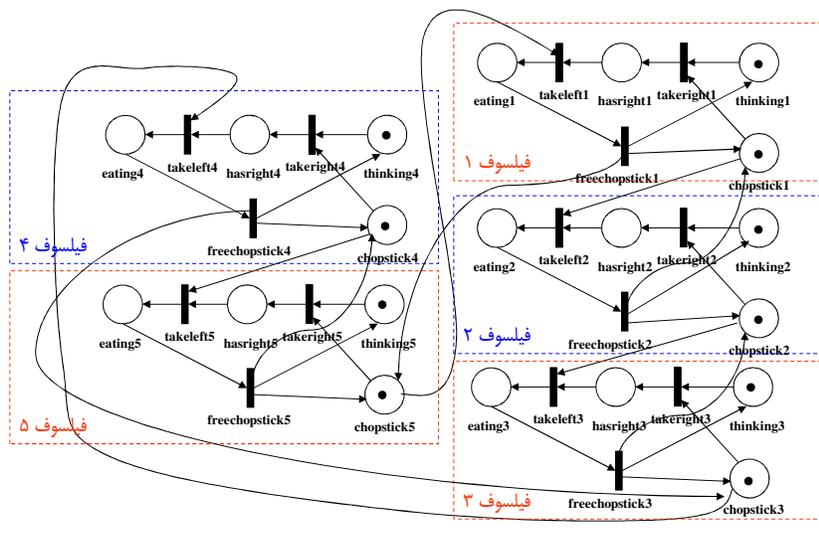


مساله فلاسفه در ناهارخوری

- اگر همزمان هر پنج فیلسوف گرسنه شده و هر کدام نخست اقدام به برداشتن چنگال سمت راست خودش کند و سپس بخواهد که چنگال سمت چپ را بدست آورد، آنگاه هر کدام از آنها منتظر می‌ماند تا فیلسوف کناری چنگال برداشته شده را روی میز قرار دهد. چون او هم گرسنه است هیچ وقت این کار را نخواهد کرد. در نتیجه بن بست پیش خواهد آمد و هر پنج فیلسوف از گرسنگی خواهند مرد!

- ممکن است که بخواهیم مدلی بسازیم که این مساله را به همین صورت که دارای بن بست است مدل‌سازی کند...

مدل فلاسفه در ناهارخوری دارای بن بست



PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

77

مدل فلاسفه در ناهارخوری دارای بن بست

■ در این مدل اجزاء زیر را داریم:

- مکانهای chopstick1 الی chopstick5 برای مدل سازی چنگالها،
- مکانهای thinking1 الی thinking5 برای مدل سازی وضعیت در حال تفکر بودن فلاسفه،
- گذرهای takeright1 الی takeright5 برای مدل سازی برداشتن چنگال سمت راست،
- مکانهای hasright1 الی hasright5 برای مدل سازی وضعیت داشتن چنگال سمت راست،
- گذرهای takeleft1 الی takeleft5 برای مدل سازی برداشتن چنگال سمت چپ،
- مکانهای eating1 الی eating5 برای مدل سازی وضعیت در حال غذا خوردن فلاسفه، و
- گذرهای freechopstick1 الی freechopstick5 برای مدل سازی خاتمه غذا خوردن و آزادسازی چنگال توسط فلاسفه.

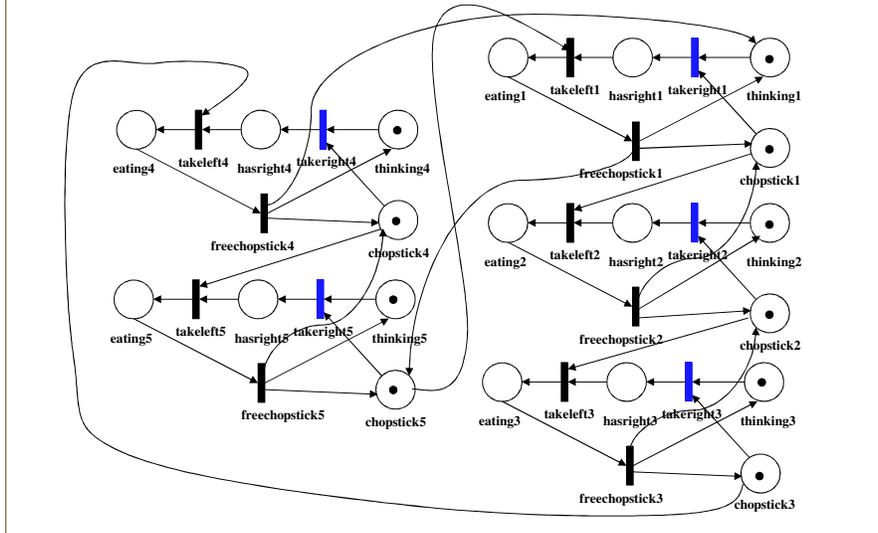
■ اجزاء فوق تشکیل پنج زیرمدل را متناظر با پنج فیلسوف می دهند که بر روی شکل مشخص شده است.

■ در این مدل مکانهای chopstick1 الی chopstick5 و مکانهای thinking1 الی thinking5 دارای یک نشانه هستند. در نتیجه گذرهای takeright1 الی takeright5 توانا بوده و می توانند شلیک کنند...

PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

78

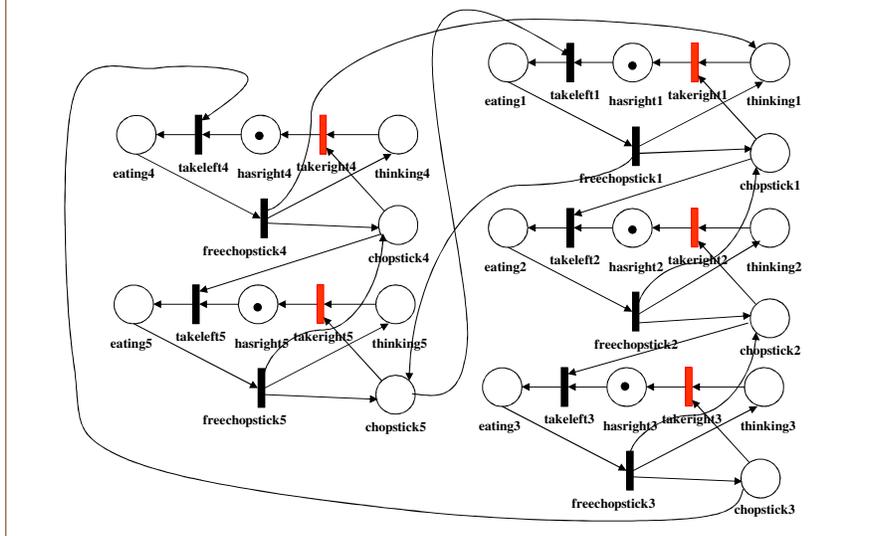
مدل فلاسفه در ناهارخوری دارای بن بست



مدل فلاسفه در ناهارخوری دارای بن بست

- اگر همزمان هر پنج فیلسوف تصمیم به غذا خوردن گرفته و چنگال سمت راست را بردارند در این صورت گذرهای $takeright1$ الی $takeright5$ شلیک می کنند...

مدل فلاسفه در ناهارخوری دارای بن بست



PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

81

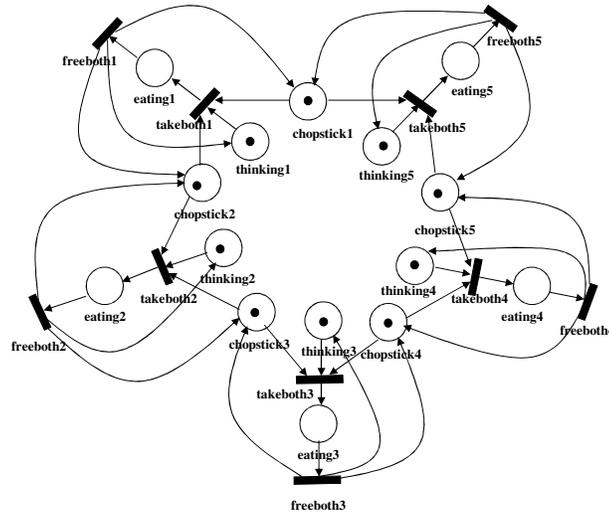
مدل فلاسفه در ناهارخوری دارای بن بست

- در این شرایط همه گذرها ناتوان بوده و در نتیجه همه آنها در شرایط بن بست قرار می گیرند.
- ممکن است بخواهیم این مشکل را بر طرف کنیم و مدلی بسازیم که فاقد بن بست باشد.
- برای این منظور اگر هر کدام از فلاسفه همزمان سعی در بدست آوردن هر دو چنگال کند و اگر نتواند هر دو را بدست آورد چنگال برداشته شده را بر روی میز قرار دهد مساله بن بست حل می شود. مدلی که در ادامه ارائه می شود چنین مدلی است...

PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

82

مدل فلاسفه در ناهار خوری فاقد بن بست



PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

83

دو مثال دیگر

■ در ادامه دو مثال دیگر ارائه می شود که در جلسات بعد ممکن است از آنها برای بحثهای دیگری استفاده کنیم:

- مثال اول مدلی برای یک ماشین خودکار فروش خوراکی (vending machine) است.
- مثال دوم هم مدلی برای فرآیند ورود کلمه رمز استفاده کننده از یک خودپرداز (ATM) است.

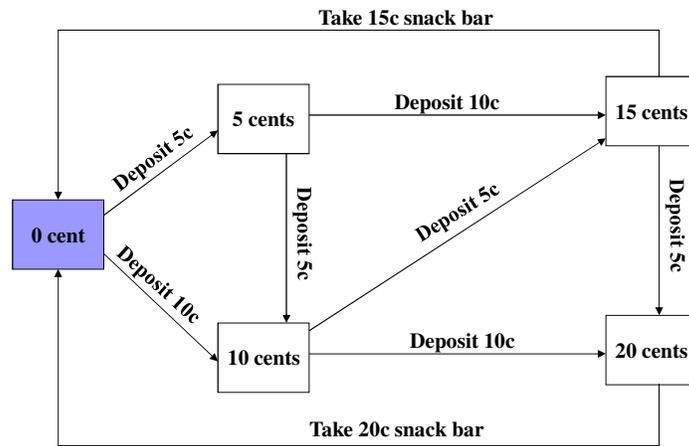
PECS#16 - Petri Nets - By: M. Abdollahi Azgomi - IUST-CE

84

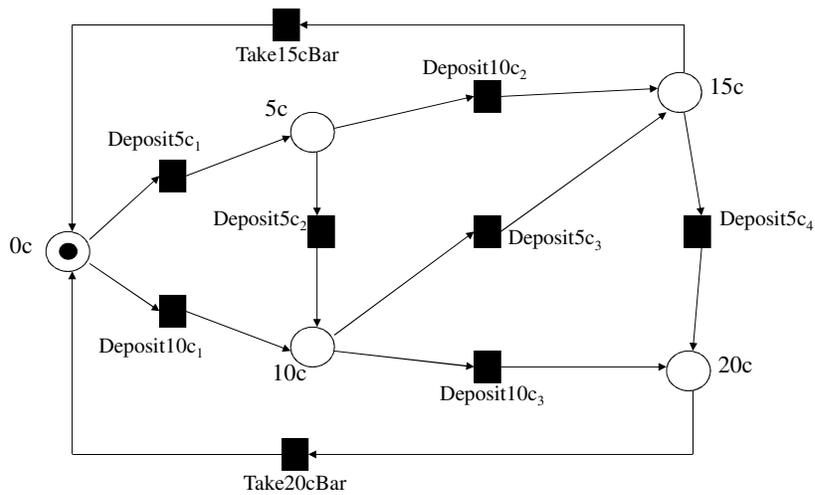
مدلی برای یک ماشین خودکار فروش خوراکی

- یک ماشین خودکار فروش خوراکی را در نظر بگیرید که دو نوع خوراکی به قیمت ۱۵ و ۲۰ سنت را می‌فروشد. این دستگاه فقط دو نوع سکه ۵ و ۱۰ سنتی را قبول می‌کند. همچنین این دستگاه پول خرد بر نمی‌گرداند. یعنی نمی‌توان سکه‌های با ارزش بیشتر را وارد نمود.
- در ادامه ابتدا مدل ماشین حالت متناهی (FSM) برای این دستگاه ارائه شده و سپس تبدیل به یک مدل شبکه پتری می‌شود...

مدل FSM برای یک ماشین خودکار فروش خوراکی



مدل شبکه پتری برای یک ماشین خودکار فروش خوراکی

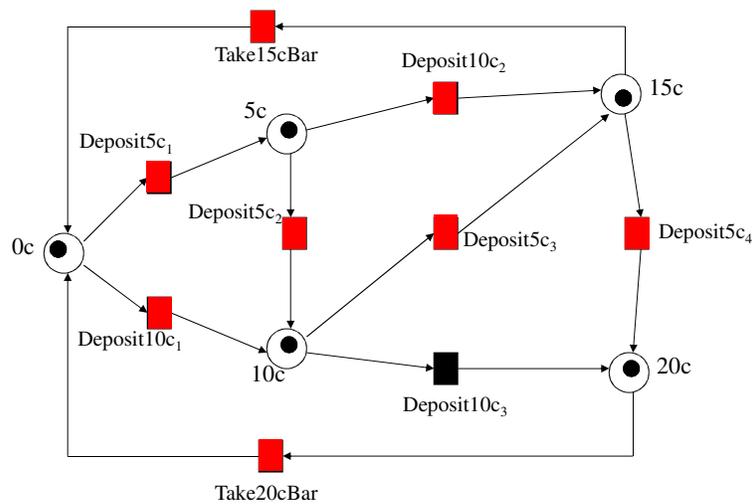


مدل شبکه پتری برای یک ماشین خودکار فروش خوراکی

■ سه سناریو برای اجرای این مدل متصور است:

- سناریو ۱:
 ■ Deposit 5c, deposit 5c, deposit 5c, deposit 5c, take 20c snack bar.
 - سناریو ۲:
 ■ Deposit 10c, deposit 5c, take 15c snack bar.
 - سناریو ۳:
 ■ Deposit 5c, deposit 10c, deposit 5c, take 20c snack bar.
- در ادامه اجرای این سه سناریو به صورت انیمیشن ارائه می شود...

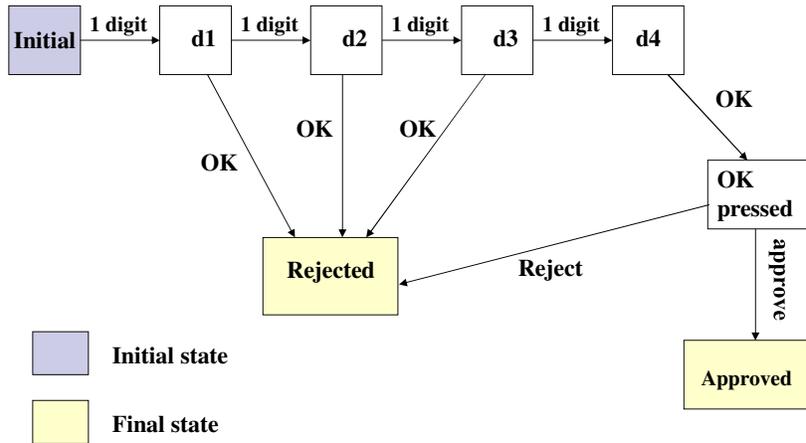
مدل شبکه پتری برای یک ماشین خودکار فروش خوراکی



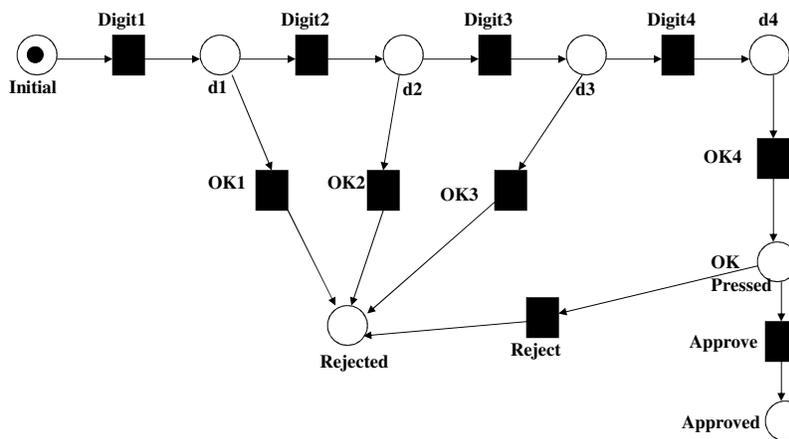
مدل سازی فرایند ورود کلمه رمز یک خودپرداز

- حالا مثال دیگری ارائه می شود که برای فرآیند ورود کلمه رمز توسط استفاده کننده از یک خودپرداز (ATM) است.
- کلمه رمزی که توسط استفاده کننده باید وارد شود ۴ رقمی است. پس از ورود هر رقم ممکن است استفاده کننده کلید OK را بزند که در این صورت اگر ۴ رقم وارد نشده باشد، طرد (reject) خواهد شد. اما پس از ورود چهارمین رقم ممکن است که کلمه رمز وارد شده درست باشد و استفاده کننده اجازه دسترسی به دستگاه را پیدا کند (approved). یا آنکه کلمه رمز درست نباشد و طرد شود.
- در ادامه ابتدا یک مدل FSM و سپس یک مدل شبکه پتری برای این سیستم ارائه می شود...

مدل FSM برای ورود کلمه رمز یک خودپرداز



مدل شبکه پتری برای ورود کلمه رمز یک خودپرداز



مدل شبکه پتری برای ورود کلمه رمز یک خودپرداز

■ حالا دو سناریو را برای اجرای این مدل در نظر می گیریم:

- سناریو ۱: استفاده کننده ۴ رقم را وارد نموده و کلید OK را بزند.
- سناریو ۲: استفاده کننده ۳ رقم را وارد نموده و کلید OK را بزند.

مدل شبکه پتری برای ورود کلمه رمز یک خودپرداز

